

Analisi dei Sistemi

Seconda Prova Scritta - Testo D - 22 Dicembre 2005

Esercizio 1. (3 punti) Sapendo che un sistema lineare e stazionario scarico risponde con un segnale pari a

$$y(t) = (-3t + 2e^{-t} + 3e^{-2t})\delta_{-1}(t)$$

ad un segnale in ingresso pari a

$$u(t) = (-3t^2 + e^{-t})\delta_{-1}(t),$$

si determini il modello IU del sistema nel dominio del tempo.

Esercizio 2. (8 punti) È data la seguente funzione di trasferimento:

$$W(s) = \frac{-5s - 40}{5s^2 + 2s}.$$

- (a) (2 punti) Si riporti tale funzione in forma di Bode, indicando tutti i parametri che la caratterizzano.
- (b) (6 punti) Si tracci il diagramma di Bode di tale funzione.

Esercizio 3. (10 punti) La funzione di trasferimento di un sistema lineare stazionario dipende da un parametro $k \in \mathbb{R}$ e vale

$$W(s) = \frac{3s + 4}{s^4 + 4s^3 + 6s^2 + 8s + k}.$$

- (a) (6 punti) Si valuti, mediante il criterio di Routh, come varia la stabilità BIBO di tale sistema al variare del parametro k . In particolare si indichi per ogni valore di k il numero di poli a parte reale positiva, nulla e negativa.
- (b) (4 punti) Assunto $k = 1$, si determini se tale sistema ammetta risposta a regime quando esso è soggetto ad un ingresso sinusoidale della forma $u(t) = \cos(-t - \pi/4)$; in caso affermativo, si determini tale risposta.

Esercizio 4. (5 punti) La rappresentazione in termini di variabili di stato di un sistema lineare e stazionario a parametri concentrati è caratterizzata dalla matrice di stato

$$A = \begin{bmatrix} -1 & \rho \\ -1 & -3 \end{bmatrix},$$

che dipende da un parametro incognito $\rho \in \mathbb{R}$.

Si determini al variare del parametro ρ quali siano gli stati di equilibrio del sistema e se ne valuti la stabilità.

Esercizio 5. (6 punti) È data la rappresentazione in termini di variabili di stato di un sistema lineare e stazionario a parametri concentrati

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t) \\ y(t) = Cx(t) \end{cases}$$

dove

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 0 & -4 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}.$$

- (a) (3 punti) Si determini se tale rappresentazione sia controllabile e osservabile.
- (b) (3 punti) Si determini la matrice di trasferimento e la si riporti in forma minima. Si discuta se il risultato ottenuto è in accordo con quanto trovato al punto precedente.